

# E DIN EN ISO 4259-1:2025-05 (D/E)

Erscheinungsdatum: 2025-04-18

**Mineralöl und verwandte Produkte - Präzision von Messverfahren und Ergebnissen -  
Teil 1: Bestimmung der Präzisionsdaten von Prüfverfahren (ISO/DIS 4259-1:2025);  
Deutsche und Englische Fassung prEN ISO 4259-1:2025**

**Petroleum and related products - Precision of measurement methods and results -  
Part 1: Determination of precision data in relation to methods of test (ISO/DIS 4259-  
1:2025); German and English version prEN ISO 4259-1:2025**

---

<b>Inhalt</b>	<b>Seite</b>
Europäisches Vorwort.....	10
Vorwort.....	11
Einleitung.....	12
1 Anwendungsbereich.....	13
2 Normative Verweisungen.....	13
3 Begriffe.....	13
4 Planungsschritte für einen Ringversuch zur Bestimmung der Präzision eines Prüfverfahrens.....	17
4.1 Allgemeines.....	17
4.2 Erstellung eines Entwurfs für das Prüfverfahren.....	17
4.3 Planung einer Pilotstudie mit mindestens zwei Prüflaboren.....	17
4.4 Planung des Ringversuchs.....	18
4.5 Durchführung des Ringversuchs.....	19
5 Statistische Auswertung der Ringversuchsergebnisse.....	20
5.1 Allgemeine Empfehlung.....	20
5.2 Vorauswahl mittels GESD-Technik.....	20
5.3 Transformation von Daten und Ausreißerprüfungen.....	21
5.3.1 Allgemeines.....	21
5.3.2 Ermittlung von Ausreißern nach der Vorauswahl.....	25
5.3.3 Einheitlichkeit der Wiederholbarkeit.....	25
5.3.4 Einheitlichkeit der Vergleichbarkeit.....	25
5.4 Eliminierung aller Daten (aus allen Laboren) für eine Probe.....	25
5.5 Schätzung von fehlenden oder eliminierten Ergebnissen.....	26
5.5.1 Eines von zwei Wiederholprüfergebnissen fehlt oder wurde eliminiert.....	26
5.5.2 Beide Wiederholprüfergebnisse fehlen oder wurden eliminiert.....	26
5.6 Eliminierungsprüfung auf Laborausreißer.....	27
5.7 Bestätigung der gewählten Transformation.....	27
5.7.1 Allgemeines.....	27
5.7.2 Identifizierung übermäßig einflussreicher Proben.....	27
6 Varianzanalyse, Berechnung und Angabe der Schätzwerte für die Präzision.....	28
6.1 Allgemeines.....	28
6.2 Varianzanalyse.....	29
6.2.1 Bildung der Summen der Quadrate der Abweichungen für die Labore × Proben- Wechselwirkungsquadratsumme.....	29
6.2.2 Bildung der Summe der Quadrate der Abweichungen für die genaue Varianzanalyse.....	30
6.2.3 Freiheitsgrade.....	30
6.2.4 Mittlere Quadrate der Abweichungen und Varianzanalyse.....	30

6.3	Erwartungswerte der mittleren Quadrate der Abweichungen und Berechnung der Schätzwerte für die Präzision .....	31
6.3.1	Erwartungswerte der mittleren Quadrate der Abweichungen ohne Schätzwerte .....	31
6.3.2	Erwartungswerte der mittleren Quadrate der Abweichungen mit Schätzwerten .....	31
6.3.3	Berechnung der Schätzwerte für die Präzision .....	32
6.4	Angabe der Schätzwerte für die Präzision eines Prüfverfahrens .....	34
6.5	Festlegung des Anwendungsbereichs des Prüfverfahrens .....	35
6.6	Anweisungen zu den Angabegrenzen für das Prüfverfahren .....	35
7	Verhältnis $R/r$ .....	36
Anhang A (normativ) Bestimmung der erforderlichen Anzahl an Proben .....		37
Anhang B (informativ) Ableitung der Gleichung für die Schätzung der für mindestens 30 Freiheitsgrade erforderlichen Anzahl an Laboren und Proben .....		40
B.1	Freiheitsgrade .....	40
B.2	Erläuterung für die als Mindestwert gewählte Anzahl von 30 Freiheitsgraden .....	41
Anhang C (normativ) Schreibweise und Prüfungen .....		43
C.1	Allgemeines .....	43
C.2	Aufstellung der Doppelbestimmungen .....	43
C.3	Aufstellung der Summen von Doppelbestimmungen .....	44
C.4	Summen der Quadrate der Abweichungen und Varianzen .....	45
C.5	Prüfung nach Cochran .....	46
C.6	Prüfung nach Hawkins .....	46
C.7	Varianz-Verhältnis-Prüfung ( $F$ -Prüfung) .....	48
Anhang D (normativ) Veranschaulichung von Verfahren unter Verwendung von Ringversuchsergebnissen für die Bromzahl und statistischen Tabellen .....		50
D.1	Ringversuchsdaten für die Bromzahl und ihre Aufbereitung .....	50
D.2	Bestimmung der Transformation .....	51
D.3	Cochran-Prüfung .....	53
D.4	Prüfung nach Hawkins .....	54
D.5	Cochran-Prüfung und Varianz-Verhältnis-Prüfung ( $F$ -Prüfung) .....	55
D.6	Schätzung von Werten, wenn ein Ergebnispaar fehlt oder eliminiert wurde .....	57
D.7	Hawkins-Prüfung auf Laborausreißer .....	57
D.8	Identifizierung übermäßig einflussreicher Proben — Berechnung der Cook-Distanz .....	58
D.9	Summe der Quadrate der Abweichungen .....	59
D.10	Bildung der Summe der Quadrate der Abweichungen für die genaue Varianzanalyse .....	61
D.11	Freiheitsgrade .....	62
D.12	Mittlere Quadrate der Abweichungen und Varianzanalyse — Prüfung auf systematische Abweichung zwischen Laboren .....	62
D.13	Erwartungswerte der mittleren Quadrate der Abweichungen mit Schätzwerten .....	62
D.14	Berechnung der Schätzwerte für die Präzision .....	63
D.14.1	Wiederholbarkeit (Verfahren in 6.3.3.1) .....	63
D.14.2	Vergleichbarkeit (Verfahren in 6.3.3.2) .....	63
D.15	Kritische Werte für $F$ .....	68
D.15.1	Darstellung allgemeiner Daten .....	68
D.15.2	Näherungsformel für kritische Werte von $F$ .....	70
D.16	Kritische Werte der Normalverteilung .....	71
Anhang E (normativ) Formen der Abhängigkeit und entsprechende Transformationen .....		72
E.1	Formen der Abhängigkeit .....	72
E.2	Durchführung der Transformation .....	75
Anhang F (normativ) Gewichtete lineare Regressionsanalyse .....		80
F.1	Erklärung für den Gebrauch einer Scheinvariablen .....	80
F.2	Ableitung der Gewichtungsfaktoren für die Regressionsanalyse .....	81
F.3	Berechnungsverfahren für die Regressionsanalyse .....	82
F.4	Berechnungsbeispiel .....	85
Anhang G (normativ) Regeln für das Runden von Ergebnissen .....		88

<b>Anhang H (normativ) GESD-Technik für das gleichzeitige Identifizieren mehrerer Ausreißer in einem Datensatz</b> .....	90
H.1 Hintergrund .....	90
H.2 Anwendung des GESD-Identifizierungsverfahrens für Ausreißer in Ringversuchsdaten.....	90
<b>Anhang I (informativ) Glossar</b> .....	99
<b>Literaturhinweise</b> .....	104

## **Bilder**

<b>Bild 1 — Verfahren für Transformation und Ausreißer</b> .....	24
<b>Bild 2 — Erläuternde Darstellung der Festlegung der Anwendungsbereichsgrenzen</b> .....	36
<b>Bild B.1 — Multiplikator c für die Breite des 95 %-Vertrauensintervalls eines Schätzwerts für die Standardabweichung im Verhältnis zu seinen Freiheitsgraden</b> .....	42
<b>Bild D.1 — Ln-ln-Kurve zur Erläuterung der „Potenz“-Transformation</b> .....	51
<b>Bild D.2 — Streudiagramm von D und m für transformierte Werte</b> .....	53
<b>Bild E.1 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	76
<b>Bild E.2 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	76
<b>Bild E.3 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	77
<b>Bild E.4 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	77
<b>Bild E.5 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	78
<b>Bild E.6 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	78
<b>Bild E.7 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	79
<b>Bild E.8 — Formen der Abhängigkeit (siehe Tabelle E.1)</b> .....	79
<b>Bild F.1 — Ln-ln-Kurve zur Erläuterung der „Potenz“-Transformation</b> .....	85
<b>Bild F.2 — Streudiagramm neu berechneter Werte</b> .....	87

## **Tabellen**

<b>Tabelle 1 — Varianzanalyse</b> .....	30
<b>Tabelle A.1 — Bestimmung der für 30 Freiheitsgrade der Vergleichbarkeit erforderlichen Anzahl an Proben</b> .....	37
<b>Tabelle C.1 — Aufstellung der Doppelbestimmungen</b> .....	43
<b>Tabelle C.2 — Aufstellung der Summe der Ergebnisse</b> .....	44
<b>Tabelle C.3 — Werte, die für die Anwendung der Hawkins-Prüfung erforderlich sind</b> .....	46

Tabelle D.1 — Bromzahlen von Proben mit niedrigem Siedebereich im Ringversuch.....	50
Tabelle D.2 — $m$ -, $D$ -, $d$ -Statistiken von Ringversuchsdaten, wie im Prüfbericht angegeben .....	51
Tabelle D.3 — Lösung aus einer gewichteten Regression der kleinsten Quadrate der Abweichungen .....	52
Tabelle D.4 — Transformierte (Kubikwurzel-)Bromzahlen von Proben mit niedrigem Siedebereich.....	53
Tabelle D.5 — Absolute Differenzen zwischen transformierten Wiederholungsergebnissen .....	54
Tabelle D.6 — Abweichungen der Zellenmittelwerte von den entsprechenden Probenmittelwerten für die Gesamtaufstellung .....	54
Tabelle D.7 — Standardabweichungen der transformierten Prüfergebnisse des Bromzahl-Beispiels .....	56
Tabelle D.8 — Beispiel von unterschiedlichen Ringversuchen, Darstellung des Falls einer Probeneliminierung .....	56
Tabelle D.9 — Labormittelwerte des Beispiels .....	57
Tabelle D.10 — Abweichungen der Labormittelwerte vom Gesamtmittelwert .....	58
Tabelle D.11 — Auswertung der Cook-Distanz .....	59
Tabelle D.12 — Summe der Quadrate der Abweichungen für das Bromzahlbeispiel.....	60
Tabelle D.13 — Varianzanalyse des Bromzahlbeispiels .....	62
Tabelle D.14 — Kritische 1 %-Werte für das Cochran-Kriterium für $n_r$ Varianzschätzungen und $\nu$ Freiheitsgrade .....	65
Tabelle D.15 — Kritische Werte für die 1 %-Ausreißerprüfung nach Hawkins von $n_R = 3$ bis 50 und $\nu = 0$ bis 200 .....	66
Tabelle D.16 — Kritische Werte für $t$ .....	67
Tabelle D.17 — Kritische 5 %-Werte für $F$ .....	68
Tabelle D.18 — Kritische 1 %-Werte für $F$ .....	69
Tabelle D.19 — Kritische 0,1 %-Werte für $F$ .....	69
Tabelle D.20 — Kritische 0,05 %-Werte für $F$ .....	70
Tabelle D.21 — Typische Werte für die Transformationsparameter in der Gleichung.....	71
Tabelle D.22 — Kritische Werte der Normalverteilung.....	71
Tabelle E.1 — Formen der Abhängigkeit.....	73
Tabelle F.1 — Werte der in der Regression aufzutragenden Variablen und entsprechende Gewichtungen .....	82
Tabelle F.2 — Schätzwerte des Koeffizienten.....	84

<b>Tabelle F.3 — Angepasste Werte.....</b>	<b>85</b>
<b>Tabelle F.4 — Lösung.....</b>	<b>86</b>
<b>Tabelle H.1 — Kritische <math>\lambda</math>-Werte bei einer Signifikanz von 1 %.....</b>	<b>95</b>